

# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## الضرب المتكرر

القوى الصحيحة غير السالبة

$$(1) \left( \frac{2}{9} \right)^2 \div \left( \frac{2}{9} \right)^3$$

$$\frac{25}{9} \div \frac{25}{9} = \left( \frac{5}{3} \right)^2 \div \frac{25}{9} =$$

$$1 = \frac{9}{25} \times \frac{25}{9} =$$

$$(7) \text{ إذا كان س } = \frac{1}{4}, \text{ ص } = \frac{3}{4}$$

أوجد قيمة س<sup>4</sup> + س<sup>2</sup>

$$\text{الحل: } \left( \frac{3}{4} \right)^2 + \left( \frac{1}{4} \right)^4$$

$$\frac{5}{8} = \frac{10}{16} = \frac{9}{16} + \frac{1}{16} =$$

$$\frac{32}{243} = \left( \frac{2}{3} \right)^5 = \left( \frac{2}{3} \right)^2 \times \left( \frac{2}{3} \right)^3 \quad (8)$$

$$\frac{9}{25} = \left( \frac{3}{5} \right)^2 = \left( \frac{3}{5} \right)^5 \div \left( \frac{3}{5} \right)^3 \quad (9)$$

$$1 = \left( \frac{2}{5} \right)^{\text{صفر}} = \left( \frac{2}{5} \right)^{\text{صفر}} \quad (10)$$

$$\frac{81}{625} = \left( \frac{3}{5} \right)^4 = \left( \left( \frac{3}{5} \right)^2 \right)^2 \quad (11)$$

$$\frac{4}{9} = \left( \frac{2}{3} \right)^2 = \left( \frac{2}{3} \right)^3 \div \left( \frac{2}{3} \right)^1 \quad (12)$$

$$(1) p \times p \times p \times p = p^4 \text{ ن من المرات}$$

$$81 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^4$$

$$1 = p^0 \quad (2)$$

$$1 = 5^0$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{إذا كان } p \text{ زوجي} \\ \text{إذا كان } p \text{ فردي} \end{array} \right\} p^0 = (p-)$$

$$27 = 3^3 = (3-)$$

$$p^m + p^n = p^m \times p^n \quad (3)$$

$$72 = 2^3 \times 3^2$$

$$p^m - p^n = p^m \div p^n \quad (4)$$

$$42 = 2^3 \div 2^1$$

$$p^m \times p^n = p^{(m+n)} \quad (5)$$

$$p^m \div p^n = p^{(m-n)} \quad (6)$$

$$\frac{p^m}{p^n} = p^{(m-n)} \quad (7)$$

أوجد ناتج ما يأتي

$$\frac{9}{16} = \left( \frac{3}{4} \right)^2 \quad (1)$$

$$\frac{16}{25} = \left( \frac{4}{5} \right)^2 \quad (2)$$

$$\frac{8}{27} = \left( \frac{2}{3} \right)^3 \quad (3)$$

$$\frac{49}{9} = \left( \frac{7}{3} \right)^2 = \left( \frac{7}{3} \right)^1 \times \left( \frac{7}{3} \right)^1 \quad (4)$$

$$\left( \frac{2}{3} \right)^2 \times \left( \frac{2}{3} \right)^1 \quad (5)$$

$$36 = \frac{64}{9} \times \frac{81}{16} = \left( \frac{8}{3} \right)^2 \times \left( \frac{9}{4} \right)^2 =$$

# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## القوى الصحيحة السالبة

$$\frac{1}{a^m} = a^{-m} \quad (1)$$

$$1 = a^m \times a^{-m} \leftarrow$$

أى أن: كل من  $a^m$ ،  $a^{-m}$  هو المعكوس الضربى للآخر

$$\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \left(\frac{b}{a}\right)^n \quad (2)$$

## أوجد ناتج ما يأتى

$$\frac{1}{2} = 2^{-1} \quad (1)$$

$$\frac{1}{81} = \frac{1}{3^4} = 3^{-4} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} = \frac{1}{2^2} = 2^{-2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{5} = 5^{-1} \quad (4)$$

$$\frac{1}{16} = \frac{1}{2^4} = 2^{-4} \quad (5)$$

$$\frac{9}{4} = \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^{-2} \quad (6)$$

$$1 = 3^0 \times 3^{-0} \quad (7)$$

$$\frac{25}{8} = \frac{5^2}{2^3} = \frac{5^{-2}}{2^{-3}} \quad (8)$$

$$\frac{1}{v} = v^{-1} = \frac{3^{-2}v}{3^{-2}v} = \frac{3^{-2}v}{3^{-2}v} \quad (9)$$

$$\frac{16}{9} = \left(\frac{4}{3}\right)^2 = \left(\frac{3}{4}\right)^{-2} \quad (10)$$

$$36 = \frac{6^2}{1} = \left(\frac{6}{1}\right)^2 = \left(\frac{1}{6}\right)^{-2} \quad (11)$$

$$\frac{1}{81} = \frac{1}{3^4} = 3^{-4} = \left(\frac{1}{3}\right)^{-4} \quad (12)$$

$$= \frac{2^4 \times 2^{-5}}{2^2 \times 2^{-2}} = \frac{2^4 \times 2^{-5}}{2^2 \times 2^{-2}} \quad (13)$$

$$16 = 2^4 = 2^{5-1} = \frac{2^5}{2} =$$

$$\left(\frac{2^{-2}}{v} \times \frac{2^{-4}}{3}\right)^{-1} = \left(\frac{2^{-2} \times 2^{-4}}{3 \times v}\right)^{-1} \quad (14)$$

$$\frac{v}{9} = \left(\frac{9}{v}\right)^{-1} = \left(1^{-1} \times \frac{9}{v}\right)^{-1} =$$

$$\frac{v}{9} = 9^{-1} \quad (15)$$

$$\frac{5}{3} = \frac{5^1}{3^0} = 5^1 \times 3^{-0} = 5^1 \times 3^0 \quad (16)$$

$$\frac{3}{2} = \frac{3^1}{2^0} = 3^1 \times 2^{-0} = 3^1 \times 2^0 \quad (17)$$



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## تمارين (١)

س١ أختصر لأبسط صورة

- (١)  $(٠.٦)$
- (٢)  $(١ \frac{٢}{٣} - ١)$
- (٣)  $(\frac{١}{٢}) \times (\frac{١}{٢}) \times (\frac{١}{٢})$
- (٤)  $(١ \frac{٣}{٥} -) \times [(\frac{٣}{٤} -) + (\frac{١}{٢})]$
- (٥)  $\frac{٤}{٥} \times (\frac{٤}{٥}) \div (\frac{٤}{٥})$
- (٦)  $\frac{٢ \times ٢}{٤ \times ٣}$
- (٧)  $\frac{٥ \times ٣}{٣ \times ٤}$
- (٨)  $\frac{٤ \times (٢ -)}{٢ \times (٢ -)}$
- (٩)  $\frac{٥ \times ٧}{٢ - ٥}$
- (١٠)  $٢ - (\frac{٣ \times ٤}{٤ - ٤})$
- (١١)  $٢ - (\frac{٢ - ٥ \times ٣}{٤ \times ١ - ٥})$

س١ أكمل ما يأتي :

- (١)  $٠.٠٠٠ = (\frac{١}{٥})$
- (٢)  $٠.٠٠٠ = (\frac{١}{٢})$
- (٣)  $٠.٠٠٠ = (\frac{١}{٥})$
- (٤)  $٠.٠٠٠ = (\frac{١}{٥})$
- (٥)  $٠.٠٠٠ = (|٣ - |)$
- (٦)  $٠.٠٠٠ = \frac{٩}{٤} \times (\frac{٢}{٣})$
- (٧)  $٠.٠٠٠ = (\frac{٢}{٥}) \times (\frac{٥}{٤} -)$
- (٨)  $٠.٠٠٠ = \text{صفر} (\frac{١}{٥}) \times (\frac{٥}{٢} -) \times (\frac{٢}{٥} -)$
- (٩)  $٠.٠٠٠ = (\frac{١}{٢} -) \div (\frac{١}{٢} -) \times (\frac{١}{٢})$
- (١٠)  $(٠.٠٠٠) = ٦ \frac{١}{٤}$
- (١١)  $(٠.٠٠٠) = ٣ \frac{٣}{٨}$
- (١٢)  $٠.٠٠٠ = (\frac{٢}{٣})$
- (١٣)  $٠.٠٠٠ = (\frac{٢}{٢} -)$
- (١٤)  $٠.٠٠٠ = (\frac{٥ \times ٣}{٢ - ٥})$
- (١٥)  $٠.٠٠٠ = (\frac{١}{٥})$
- (١٦)  $٠.٠٠٠ = (\frac{٣}{٧} -)$
- (١٧)  $٠.٠٠٠ = (٣ - ٣)$
- (١٨)  $٠.٠٠٠ = \text{س} \times \text{س} \times \text{س}$
- (١٩)  $٠.٠٠٠ = (\text{ص} \times \text{ص})$
- (٢٠)  $٠.٠٠٠ = (\text{س}) \div (\text{س})$
- (٢١) إذا كان  $\text{س} = \frac{١}{٢}$ ،  $\text{ص} = ٣$  فإن  $\text{س} =$
- (٢٢) ثلث العدد  $٣ =$
- (٢٣) إذا كان  $\text{س} = \frac{٢}{٣}$  فإن  $\text{ص} =$
- (٢٤) إذا كان  $\text{س} = ٧$ ،  $\text{ص} = ٧$  فإن  $\text{س} \times \text{ص} =$



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## الصورة القياسية للعدد النسبي

$$\begin{aligned} (١٣) \quad & ١٠ \times ٢,٣ + ١٠ \times ٣,١ \\ & ١٠ \times (٢,٣ + ٣,١) = \\ & ١٠ \times (٥,٤) = \\ & ١٠ \times ٥,٤ = ١٠ \times ٥,٤ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (١٤) \quad & ١٠ \times ٢,٣ - ١٠ \times ٥,٤ \\ & ١٠ \times (٢,٣ - ٥,٤) = \\ & ١٠ \times (-٣,١) = -٣١ \\ & ١٠ \times ٥,٤ = ١٠ \times ٥,٤ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (١٥) \quad & (١٠ \times ٣) \times (١٠ \times ٢,٤) \\ & ١٠ \times ١٠ \times ٣ \times ٢,٤ = \\ & ١٠ \times ٧,٢ = \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (١٦) \quad & (١٠ \times ٠,٣) \div (١٠ \times ٣,٩) \\ & ١٠ \times (٠,٣ \div ٣,٩) = \\ & ١٠ \times ١,٣ = ١٠ \times ١,٣ = ١٠ \times ١٣ = \end{aligned}$$

$$١٠ \times ٢,٧ = ٢٧ \dots \dots = ٣٠٠ (١٧)$$

أوجد قيمة ن فيما يلي:

$$١٠ \times ٣,٥ = ٣٥ \dots \dots (١)$$

$$١٠ \times ٢,٣٥ = ٢٣٥ \dots \dots (٢)$$

$$\begin{aligned} (٣) \quad & ١٠ \times ١,٦ = (٠,٠٠٤) \\ & ١٠ \times ١,٦ = ٠,٠٠٠١٦ = \end{aligned}$$

## الصورة القياسية للعدد النسبي

وهذه الصورة هي  $١٠ \times P$

حيث  $١ \geq |P| > ١٠$ ،  $n \in \mathbb{Z}$

أكتب كل من الأعداد الآتية في الصورة القياسية

$$١٠ \times ٥,٨١٢ = ٥٨١٢ \dots \dots (١)$$

لاحظ:

يجب أن تتحرك العلامة العشرية ١ خانة اليسار لذا نضرب  $١٠$

$$١٠ \times ٧,٣ = ٧٣ \dots \dots (٢)$$

$$١٠ \times ٦,٥ = ٦٥ \dots \dots (٣)$$

$$١٠ \times ٦,٧ = ٦٧ \dots \dots (٤)$$

$$١٠ \times ٥ = ٥٠٠٠٠٠ = ٥ \text{ مليون} (٥)$$

$$١٠ \times ٤,٢ = ٤٢ \dots \dots (٦)$$

لاحظ:

يجب أن تتحرك العلامة العشرية ٧ خانات اليمين لذا نضرب  $١٠$

$$١٠ \times ٥,٣ = ٥٣ \dots \dots (٧)$$

$$١٠ \times ١,٣٥ = ١٣٥ \dots \dots (٨)$$

$$١٠ \times ٦,٨ = ١٠ \times ٦,٨ = ١٠ \times ٦٨ (٩)$$

$$١٠ \times ٧٥٠ (١٠)$$

$$١٠ \times ٧,٥ = ١٠ \times ٧,٥ =$$

$$١٠ \times ٠,٧٥ (١١)$$

$$١٠ \times ٧,٥ = ١٠ \times ٧,٥ =$$

$$١٠ \times ٧,٥ = ١٠ \times ٧٥ (١٢)$$





# سلسلة الطيب طيب التعليمية

تمارين (٣)

س١ أحسب قيمة كل مما يأتي :

$$(١) \quad 3 \times 2 + 5$$

$$(٢) \quad 5 \div 10 - 3 \times 4$$

$$(٣) \quad 3 - 7 \times 4$$

$$(٤) \quad (5 - 7) \div 196$$

$$(٥) \quad (2 + 1) \times (6 - 9) \div 18$$

$$(٦) \quad (3 - 5) \div 2 \times (4 - 7)$$

$$(٧) \quad 1 - [(2 - 5) - 4]$$

$$(٨) \quad [(3 - 4) 3] \div (1 + 26)$$

$$(٩) \quad [(7 - 9) - 5] \div (2 \times 10)$$

$$(١٠) \quad [(2 - 6) \div 20 + 7] + 3 \div 6$$

$$(١١) \quad (1 - \frac{7}{5}) \div (3\frac{1}{6} \times \frac{3}{6})$$

$$(١٢) \quad (1 - \frac{7}{5}) \div (3\frac{1}{6} \times \frac{3}{6})$$

$$(١٣) \quad \frac{7 + 10}{4 - 10}$$

$$(١٤) \quad \frac{2 \times 5 - 20}{6 \div (3 + 10)}$$

$$(٨) \quad 1 + [2 \div (6 \times 3)] - 10$$

$$1 + [2 \div 18] - 10 =$$

$$1 + 9 - 10 =$$

$$7 = 1 + 6 =$$

$$(٩) \quad [(2 - 3) - (1 + 2)] 3$$

$$[(2 - 8) - (1 + 9)] 3 =$$

$$[6 - 10] 3 =$$

$$12 = 4 \times 3 =$$

$$(١٠) \quad \frac{3 \div 7 \times 3}{(1 + 2) + 1 \times 2}$$

$$\frac{3 \div 0.4}{17 + 1 \times 2} = \frac{3 \div 7 \times 9}{17 + 1 \times 2} = \frac{3 \div 7 \times 3}{24 + 1 \times 2} =$$

$$1 = \frac{18}{18} = \frac{3 \div 0.4}{17 + 2} =$$

$$(١١) \quad 5 - 20 + \frac{5 \times 2 + 5}{1 + 2}$$

$$5 - 20 + \frac{10}{3} = 5 - 20 + \frac{10 + 5}{1 + 4} =$$

$$23 = 5 - 20 + 3 =$$



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## الجذر التربيعي لعدد نسبي مربع كامل

$$3 = |3 - | = \sqrt{(3-)^2} \quad (10)$$

$$\frac{7}{9} = \sqrt{\left(\frac{49}{81}\right)} \quad (11)$$

$$|5| = \sqrt{5^2} \quad (12)$$

$$\frac{5}{6} = \sqrt{\left(\frac{25}{36}\right)} \quad (13)$$

$$48 = \sqrt{2304} \quad (14)$$

مثال ٢ أوجد قيمة

$$\left(\frac{5}{3}\right) \times \sqrt{\frac{81}{16}} \times \left(\frac{2}{3}\right) \quad (1)$$

$$1 = 1 \times \frac{9}{4} \times \frac{4}{9} =$$

$$\sqrt{\frac{1}{4}} \times \sqrt{\left(\frac{2}{5}\right)^2} \times \sqrt{\left(\frac{3}{7}\right)^2} \quad (2)$$

$$\frac{6}{5} = \frac{5}{6} \times \frac{4}{25} \times 1 = \sqrt{\frac{25}{4}} \times \frac{4}{25} \times 1 =$$

$$\sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2} - \sqrt{\frac{9}{16}} + 1\frac{1}{2} \quad (3)$$

$$1 - \frac{3}{4} = 1 - \frac{3}{4} + \frac{5}{4} =$$

$$1 = 1 - 2 =$$

$$3 = \sqrt{9} = \sqrt{81} \quad (4)$$

الجذر التربيعي للعدد النسبي ٢ :

هو العدد الذي مربعه = ٢ ويرمز له بالرمز  $\sqrt{2}$

أي أن الجذر التربيعي للعدد  $9 \pm = \sqrt{9} \pm = 3 \pm$

ملاحظات

١)  $\sqrt{16}$  تعني الجذر التربيعي الموجب للعدد ١٦ = ٤

٢)  $\sqrt{16}$  يقصر بها الجذر السالب لـ ١٦ وهو -٤

٣)  $\pm \sqrt{16}$  هي الجذرين التربيعي الموجب والسالب =  $\pm 4$

$$\sqrt{16} = 4 \quad (4)$$

$$\sqrt{\frac{16}{9}} = \frac{4}{3} \quad (5)$$

٦)  $\sqrt{16} = 4$  ليس لها معنى

٧) لا يوجد جذر تربيعي حقيقي لـ ٤ عدد سالب

٨)  $\sqrt{25} = 5$  أي أنه عند التخلص من

الجذر التربيعي نقسم الأس على ٢

$$\sqrt{16} = 4 \quad \text{أو} \quad \sqrt{16} = 4 \quad \text{أو} \quad \sqrt{16} = 4$$

مثال ١: أوجد قيمة ما يلي :

$$5 = \sqrt{25} \quad (1)$$

$$8 = \sqrt{64} \quad (2)$$

$$3 \pm = \sqrt{9} \pm \quad (3)$$

$$8 = \sqrt{64} = \sqrt{36 - 100} \quad (4)$$

$$2,5 = \frac{5}{2} = \sqrt{\frac{25}{4}} = \sqrt{\frac{1}{4}} \quad (5)$$

$$5 = \sqrt{25} = \sqrt{16 + 9} \quad (6)$$

$$7 = 3 + 4 = \sqrt{9} + \sqrt{16} \quad (7)$$

$$1,2 = \frac{12}{10} = \sqrt{\frac{144}{100}} = \sqrt{1,44} \quad (8)$$

$$\sqrt{64 - 100} = \sqrt{8 - 10} \quad (9)$$

$$6 = \sqrt{36} =$$

# سلسلة الطيب طيب التعليمية

تمارين (٤)

س١ أوجد كل مما يأتي

$$(١) \sqrt[٢]{١٦}$$

$$(٢) -\sqrt[٢]{٢٥٠٠}$$

$$(٣) \pm \sqrt[٢]{٠,٩١}$$

$$(٤) \sqrt[٢]{\frac{٩}{١٦}}$$

$$(٥) -\sqrt[٢]{٤}$$

$$(٦) \pm \sqrt[٢]{\left(\frac{٩}{٤٩}\right)}$$

$$(٧) \sqrt[٢]{\frac{٤٩ \text{ ص}}{٨١ \text{ ص}}}$$

$$(٨) \sqrt[٢]{١٦} + \sqrt[٢]{٩}$$

$$(٩) \sqrt[٢]{٩ + ١٦}$$

$$(١٠) \sqrt[٢]{٨١ - ٢٢٥}$$

$$(١١) \sqrt[٢]{(٣) - (٥)}$$

$$(١٢) \sqrt[٢]{٠,٩}$$

$$(١٣) \sqrt[٢]{(٢-)}$$

$$(١٤) \text{المعكوس الضربي للعدد } \sqrt[٢]{٤٩},$$

$$(١٥) \text{المعكوس الضربي للعدد } \sqrt[٢]{\frac{٤}{٢٥}}$$

$$(١٦) \text{المعكوس الجمعي للعدد } -\sqrt[٢]{\frac{٧}{٩}}$$

س٢ أختصر لأبسط صورة

$$(١) \left(\frac{٢}{٧} -\right) \times \sqrt[٢]{\frac{٤٩}{٤}}$$

$$(٢) \left(\frac{٣}{٤} -\right) \times \sqrt[٢]{\frac{٦٤}{٨١}} + \left(\frac{١}{٣} -\right)$$

$$(٣) \left(\frac{٢}{٢} -\right) + \frac{٢}{٢} - \sqrt[٢]{\frac{١}{٤}}$$

$$(٤) \frac{٢}{٤} \times \sqrt[٢]{\frac{١٦}{٨١}} \times \left(\frac{٢-}{٣} -\right)$$

$$(٥) \left(\frac{٢}{٣} -\right) \div \sqrt[٢]{\frac{١٦}{٤٩}} \times \sqrt[٢]{\frac{١}{٢}}$$

$$(٦) \sqrt[٢]{١ + ٥ \times ٢ - ٢٥}$$



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## حل المعادلات في ن

(٦)  $٥س - ٤ = ١١ + ٢س$  في ن

(الحل)

$$٥س - ١١ = ٢س + ٤$$

$$٣س = \frac{١٥}{٣}$$

$$٥ = س$$

$$\{ ٥ \} = ح.م$$

(٧)  $١ - ٧س = ٢$  في ن

(الحل)

$$١ - ٢ = ٧س$$

$$٧س = \frac{١}{٧}$$

$$س = \frac{١}{٧}$$

$$\{ \frac{١}{٧} \} = ح.م$$

(٨)  $١٩ = (٢ + س)٣$  في ن

(الحل)

$$١٩ = ٦ + ٣س$$

$$٦ - ١٩ = ٣س$$

$$٣س = \frac{١٣}{٣}$$

$$س = \frac{١٣}{٣}$$

$$\{ \frac{١٣}{٣} \} = ح.م$$

(٩)  $\frac{٥}{٦}س - ٤ = ١١$  في ن

(الحل)

$$\frac{٥}{٦}س = ١٥$$

$$\frac{٦}{٥} \times \frac{٥}{٦}س = \frac{٦}{٥} \times ١٥$$

$$س = ١٨$$

$$\{ ١٨ \} = ح.م$$

مثال ١: أوجد مجموعة حل كل من المعادلات الآتية

(١)  $٥ = ٢ + س$  في ط

(الحل)

$$٢ - ٥ = س$$

$$٣ = س$$

$$\{ ٣ \} = ح.م$$

(٢)  $٤ = ٣ - س$  في ص

(الحل)

$$٣ + ٤ = س$$

$$٧ = س$$

$$\{ ٧ \} = ح.م$$

(٣)  $٢ = ٥ + س$  في ط

(الحل)

$$٥ - ٢ = س$$

$$٣ = س$$

$$\emptyset = ح.م$$

(٤)  $٧ + س = ١ - ٣س$  في ن

(الحل)

$$١ + ٧ = س - ٣س$$

$$٢س = \frac{٨}{٢}$$

$$٤ = س$$

$$\{ ٤ \} = ح.م$$

(٥)  $٥س + ٢ = ١ + ٥س$  في ن

(الحل)

$$٥س - ٥س = ١ - ٢$$

$$٣س = ٤$$

$$\frac{٤}{٣} = س$$

$$س = \frac{٤}{٣}$$

$$\{ \frac{٤}{٣} \} = ح.م$$







# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## تمارين (٥)

- (١) مستطيل طوله يزيد عن عرضه بمقدار ٤ سم ومحيطه = ٣٢ سم أوجد أبعاده ثم أوجد مساحته
- (٢) مستطيل طوله يزيد عن ضعف عرضه بمقدار ٣ سم ومحيطه = ٣٦ سم أوجد أبعاده
- (٣) مستطيل طوله ينقص عن ثلاث أمثال عرضه بمقدار ٢ سم ومحيطه = ٢٨ سم أوجد أبعاده ثم أوجد مساحته
- (٤) ثلاث أعداد فردية متتالية مجموعها ٥٤ أوجد هذه الأعداد
- (٥) ثلاث أعداد زوجية متتالية مجموعها ٦٠ أوجد هذه الأعداد
- (٦) زاويتان متتامتان قياسهما ٢ س ، س + ٣٠ من الدرجات أوجد قياس كلا منهما
- (٧) زاويتان متكاملتان قياسهما س ، س + ٥٠ من الدرجات أوجد قياس كلا منهما
- (٨) مثلث قياسات زواياه ٧ س ، ٥ س ، ٦ س من الدرجات أوجد قياس كلا منهما
- (٩) زاويتان متقابلتان بالرأس قياس كلا منهما ٢ س - ٥٠ ، ٧٠ - س من الدرجات أوجد قياس كلا منهما
- (١٠) إذا كان ق (أ) = ٣ س ، ق (أ) المنعكسة = س + ٢٠٠ من الدرجات أوجد قياس كلا منهما
- (١١) عدنان وطبيعان أحدهما ثلاثة أمثال الآخر فإذا كان مجموعهما ١٦ فأوجد العددين
- (١٢) عمر رجل الآن يزيد عن عمر ابنه بمقدار ٣٢ سنة وبعد ١٠ سنوات يصبح عمر الرجل ثلاثة أمثال عمر ابنه فما عُمر كلا منهما الآن
- (١٣) ثلاث أعداد طبيعية متتالية مجموعها ٣٠ أوجد هذه الأعداد
- (١٤) أوجد العدد الذي إذا طرح من ضعفه ٣ كان الناتج ١٥
- (١٥) إذا كان عمر باسم يزيد عن عمر أحمد بمقدار ٣ سنوات ومجموع عمريهما ٢٧ أوجد عمر كلا منهما

# التعليمية



اطلب مذكرتك الآن عبر الواتساب

١١

01064647637

# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## حل المتباينات في ن

### خواص التباين

إذا كان  $a < b$  فإن

(١)  $a + c < b + c$

(٢)  $a - c < b - c$

(٣)  $a < b \Rightarrow a \cdot c < b \cdot c$  [إذا كان  $c$  عدد موجب]

(٤)  $a < b \Rightarrow a \cdot c > b \cdot c$  [إذا كان  $c$  عدد سالب]

مثال ٢: حل المتباينات الآتية في  $x$  ومثل الحل على خط الأعداد

(١)  $2x + 3 > 7$

الحل

$2x > 7 - 3$

$2x > 4$

$x > \frac{4}{2}$

$x > 2$

ح.م.  $\{ \dots, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots \}$



(٢)  $2x - 3 \geq 7$

الحل

$2x \geq 7 + 3$

$2x \geq 10$

$x \geq \frac{10}{2}$

$x \geq 5$

ح.م.  $\{ \dots, 5, 6, 7, 8, 9, 10, \dots \}$



(٣)  $5 > 3x - 1$

الحل

$5 + 1 > 3x - 1 + 1$

$6 > 3x$

$\frac{6}{3} > \frac{3x}{3}$

$2 > x$

ح.م.  $\phi$

مثال ١: حل المتباينات الآتية في  $x$  ومثل الحل على خط الأعداد

(١)  $3 > 2 - x$

الحل

$2 + 3 > 2 - x + 2$

$5 > -x$

ح.م.  $\{ \dots, -5, -4, -3, -2, -1, 0, \dots \}$



(٢)  $2 > 5 + x$

الحل

$5 - 2 > 5 + x - 2$

$3 > 3 + x$

ح.م.  $\phi$

(٣)  $3 \geq 4 - x$

الحل

$4 + 3 \geq 4 - x + 3$

$7 \geq 7 - x$

$\frac{7}{3} \geq \frac{7 - x}{3}$

$4 \geq x$

ح.م.  $\{ \dots, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, \dots \}$





# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## تمارين (٦)

### س١ حل المتباينات اللاتية في ط

- (١) س - ٣ < ٢
- (٢) س - ٥ > ٧
- (٣) س + ١ ≤ ٧
- (٤) ١٠ + س < ٢ - ٥
- (٥) ١١ ≥ ١ - س
- (٦) ٧ > ٣ - ١٣
- (٧) ١٢ < ٣ - س

### س٢ حل المتباينات اللاتية في ص

- (١) ١٧ < ٢ + س
- (٢) ٥ > ٣ - س
- (٣) ١١ > ١ + س
- (٤) ٧ ≥ ١ - س
- (٥) ٣ < ٢ - ١٣
- (٦) ١٧ > ٣ - ٥
- (٧) ٨ + س < ١ - ٤
- (٨) ٣ - ١٧ > ٣ - ٢

### س٣ حل المتباينات اللاتية في د

- (١) ٥ < ٢ - س
- (٢) ٨ > ٣ + س
- (٣) ١١ < ٢ - ٥
- (٤) ٥ > (٣ - س) ٢
- (٥) ٨ + س ≤ ٢ - ٧
- (٦) ٨ > ٢ + س
- (٧) ٧ ≥ ٣ - ٤
- (٨) ٥ ≤ ١ - ٥

## مثال ٣: حل المتباينات اللاتية في د

(١) س - ٥ ≤ ٥

الحل

س - ٥ ≤ ٥

س ≤ ٥ + ٥

س ≤ ١٠

$\frac{١٠}{٢} \leq \frac{س}{٢}$

س ≤ ٥

م.ج = { س : س ≤ ٥ }

(٢) ١١ ≥ ١ - ٣

الحل

١ + ١١ ≥ ١ + ١ - ٣

١٢ ≥ ٣ - ٣

$\frac{١٢}{٣} \geq \frac{٣ - ٣}{٣}$

٤ ≥ ١ - س

م.ج = { س : س ≥ ٤ }

(٣) ٢ + س ≥ ١ - ٢

الحل

٢ + س ≥ ١ - ٢

س ≥ ٤

م.ج = { س : س ≥ ٤ }

(٤) ٧ + س ≤ ٥ - ٢

الحل

٧ + س ≤ ٥ - ٢

٤ ≤ س - ١٢

$\frac{١٢}{٤} \geq \frac{س}{٤}$

٣ ≥ س

م.ج = { س : س ≤ ٣ }





# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## الإحصاء

### التجربة العشوائية :

هي تلك التجربة التي يمكن التنبؤ بجـ مع نتائجها ولا

يمكن الجزم بأيـا من هذه النتائج يحدث

فضاء العينة : هو كل نواتج التجربة العشوائية

الحادث : هو جزء من فضاء العينة وأنواعه

### ١) حادث بسيط

هو حادث يمتد على ناتج واحد فقط ويسمى أحيانا بالحادث الأولي

### ٢) الحادث المؤكدر

إحتمال الحادث المؤكدر = ١  $\Leftarrow$  ل (ف) = ١

### ٣) الحادث المستحيل

إحتمال الحادث المستحيل = صفر  $\Leftarrow$  ل (ف) = صفر

$$٠ \leq (P) \leq ١$$

$$\text{أحتمال وقوع الحادث} = \frac{\text{عدد عناصر الحادث}}{\text{عدد عناصر فضاء العينة}}$$

$$ل (P) = \frac{ن (P)}{ن (ف)}$$

١ في تجربة إلقاء حجر نرد مرة واحدة فقط و ملاحظة الوجه العلوي إحصاء الاحتمالات الآتية :

(١) ظهور عدد زوجي  $\Leftarrow \{٢, ٤, ٦\} = P$   $\Leftarrow$  ل (P) =  $\frac{٣}{٦} = \frac{١}{٢}$

(٢) ظهور عدد فردي  $\Leftarrow \{١, ٣, ٥\} = P$   $\Leftarrow$  ل (P) =  $\frac{٣}{٦} = \frac{١}{٢}$

(٣) ظهور عدد أولي  $\Leftarrow \{٢, ٣, ٥\} = P$   $\Leftarrow$  ل (P) =  $\frac{٣}{٦} = \frac{١}{٢}$

(٤) ظهور عدد أقل من ٥  $\Leftarrow \{١, ٢, ٣, ٤\} = P$   $\Leftarrow$  ل (P) =  $\frac{٤}{٦} = \frac{٢}{٣}$

(٥) ظهور عدد أولي زوجي  $\Leftarrow \{٢\} = P$   $\Leftarrow$  ل (P) =  $\frac{١}{٦}$

(٦) ظهور عدد يقبل القسمة على ٣  $\Leftarrow \{٣, ٦\} = P$   $\Leftarrow$  ل (P) =  $\frac{٢}{٦} = \frac{١}{٣}$

(٧) ظهور عدد أكبر من ٦

$$\emptyset = \Leftarrow \emptyset = \text{صفر}$$

٢ صندوق يحتوي ٦ كرات حمراء ، ٥ كرات صفراء ، ٤ كرات خضراء عند سحب كرة واحدة عشوائياً إحصاء الاحتمالات الآتية :

(١) ظهور كرة حمراء  $\Leftarrow \frac{٦}{١٥} = \frac{٢}{٥}$

(٢) ظهور كرة زرقاء = صفر

(٣) ظهور كرة خضراء  $\Leftarrow \frac{٤}{١٥}$

(٤) ظهور حمراء أو صفراء  $\Leftarrow \frac{٥+٦}{١٥} = \frac{١١}{١٥}$

(٥) ظهور كرة ليست حمراء  $\Leftarrow \frac{٩}{١٥} = \frac{٣}{٥}$



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## تمارين (٧)

١ صندوق به ٥ كرات بيضاء ، ٣ كرات حمراء ،

٧ كرات سوداء كلها متماثلة إلا من حيث اللون فإذا سحبت كرة واحدة عشوائياً فأوجد احتمال أن تكون الكرة المسحوبة  
(٢) بيضاء (ب) حمراء أو سوداء (ج) ليست سوداء

٢ ألقى حجر نرد منتظم مرة واحدة أوجد احتمال الحصول على:

(٢) العدد ٥ (ب) العدد ٣  
(د) عدد فردي (ع) عدد زوجي أولي  
(هـ) عدد أكبر من ٦ (و) عدد أقل من ٧

٣ سحبت بطاقة واحدة عشوائياً من ثماني بطاقات مرقمة من ١ إلى ١٥ أكتب فضاء العينة ثم أوجد الاحتمالات الآتية:

(أ) حدث الحصول على عدد زوجي  
(ب) على عدد فردي  
(ج) على عدد أكبر من أو يساوي ٦  
(د) عدد يقبل القسمة على ٢

٤ فصل دراسي به ٤٠ طالب نجح منهم ٢٨ طالب في الرياضيات ، ٢٦ طالب قد نجح في العلوم ، ٢٤ طالب نجح في الإمتحانين معاً فإذا أختير طالب عشوائياً أوجد احتمال أن يكون هذا الطالب المختار  
أ ناجحاً في الرياضيات ب راسباً في العلوم  
ج ناجحاً في العلوم د راسباً في الرياضيات والعلوم

٥ من مجموعة الأرقام { ٥ ، ٣ ، ٢ } تكون عدد مكون من رقمين مختلفين واكتب فضاء العينة وأوجد احتمال:

(أ) أن يكون رقم الاحاد زوجياً  
(ب) أن يكون مجموع الرقمين أكبر من ٥

٦ كيس به عدد من الكرات المتماثلة منهم ٢ باللون الأخضر ، ٤ باللون الأزرق ، والباقي باللون الأحمر

فإذا كان احتمال سحب كرة خضراء  $\frac{1}{4}$  أوجد عدد الكرات الحمراء

٣ صندوق يحتوي ٢٠ بطاقة مرقمة من ١ إلى ٢٠ عند سحب بطاقة عشوائياً احسب الاحتمالات الآتية:

(١) ظهور عدد زوجي  $\frac{1}{2} = \frac{10}{20}$

(٢) ظهور عدد فردي  $\frac{1}{2} = \frac{10}{20}$

(٣) ظهور عدد أولي  $\frac{2}{5} = \frac{8}{20}$

{ ٢ ، ٣ ، ٥ ، ٧ ، ١١ ، ١٣ ، ١٧ ، ١٩ }

(٤) ظهور عدد يقبل القسمة على ٥  $\frac{1}{5} = \frac{4}{20}$

{ ٥ ، ١٠ ، ١٥ ، ٢٠ }

(٥) ظهور مضاعفات العدد ٤  $\frac{1}{4} = \frac{5}{20}$

{ ٤ ، ٨ ، ١٢ ، ١٦ ، ٢٠ }

٤ مجموعة مكونة من ١٠٠ تلميذ نجح منهم ٥٩

طالب في اللغة الانجليزية ، ٣٥ طالب في التاريخ ، ٢٠

طالب في المادتين معاً فإذا أختير تلميذ واحد

عشوائياً أوجد أن يكون احتمال الطالب المختار

أ ناجحاً في التاريخ ب راسباً في التاريخ

ج ناجحاً في اللغة الانجليزية د راسباً في اللغة الانجليزية

الحل

ل (أ)  $\frac{35}{100} = 0,35$

ل (ب)  $\frac{65}{100} = 0,65$

ل (ج)  $\frac{59}{100} = 0,59$

ل (د)  $\frac{41}{100} = 0,41$

٥ (أ) إذا كان احتمال نجاح تلميذ  $\frac{5}{8}$  فإن احتمال رسوبه  $\frac{3}{8}$

(ب) فصل به ٥٠ تلميذاً فإذا كان احتمال نجاح هؤلاء التلاميذ هو ٠,٨ احسب

عدد التلاميذ المتوقع نجاحهم

عدد التلاميذ المتوقع نجاحهم =

$0,8 \times 50 = 40$  تلميذاً

الحل

# سلسلة الطيب طيب التعليمية

هندسة الاول اعدادي

سلسلة

الطيب طيب

التعليمية



اطلب مذكرتك الآن عبر الواتساب

١٦

01064647637



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## البرهان الاستدلالي

(١) في الشكل المقابل

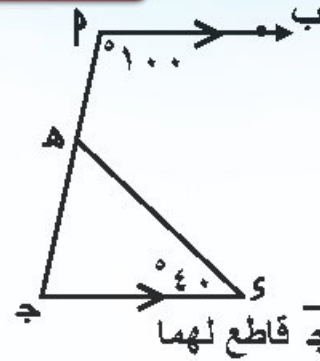
$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$  ،

$\angle P = 100^\circ$  ،

$\angle S = 40^\circ$  ،

أوجد  $\angle Q$  (د ه س)

البرهان



$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$  ،  $\overline{PQ}$  قاطع لهما

$\angle P + \angle Q = 180^\circ$  (د ج)

لأنهما داخلتان في جهة واحدة من القاطع

$\angle Q = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$  (د ج)

في  $\triangle SQR$   $\angle Q = 80^\circ$  ،  $\angle S = 40^\circ$  ،  $\angle R = 60^\circ$  (د ج)

$\angle R = 180^\circ - 80^\circ - 40^\circ = 60^\circ$  (د ج)

(٢) في الشكل المقابل

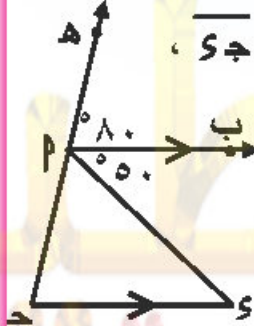
$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$  ،

$\angle P = 80^\circ$  ،

$\angle S = 50^\circ$  ،

أوجد  $\angle Q$  (د س ه ج)

البرهان



$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$  ،  $\overline{PQ}$  قاطع لهما

$\angle P + \angle Q = 180^\circ$  (د ج) بالتبادل

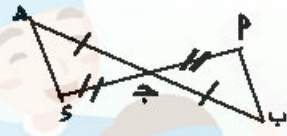
$\angle Q = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ$  (د ج) بالتناظر

(٣) في الشكل المقابل

$\angle P = 70^\circ$  ،  $\angle S = 30^\circ$  ،  $\angle Q = 60^\circ$  ،

أثبت أن  $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$

البرهان



$\triangle PQR$  ،  $\angle P = 70^\circ$  ،  $\angle S = 30^\circ$  ،  $\angle Q = 60^\circ$  ،

$\angle S = 30^\circ$  ،

$\angle Q = 60^\circ$  ،

فيهما

$\angle Q = 60^\circ$  (د ج) ،  $\angle S = 30^\circ$  (د ج)

بالتناظر بالرأس

$\therefore$  يتطابق المثلثان وينتج أن

$\angle Q = \angle S$  (د ج) وهما في وضع تبادلي

$\therefore \overline{AB} \parallel \overline{CD}$

(٤) في الشكل المقابل :

إذا كان  $\angle A = 100^\circ$  ،

$\angle B = 50^\circ$  ،

أوجد  $\angle C$  (د ه س)

البرهان

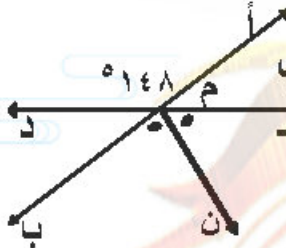


$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$  (د ج)

$\therefore$  مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول و =  $360^\circ$

$\angle C = 360^\circ - (100^\circ + 50^\circ) = 210^\circ$  (د ج)

(٥) في الشكل المقابل



م ن ينصف  $\angle C$  م ب

$\angle C = 32^\circ$  ،  $\angle A = 148^\circ$  ،

أوجد  $\angle D$  (د ه س)

$\angle A = 148^\circ$  ،

$\angle C = 32^\circ$  ،

$\angle D = 108^\circ$  (د ه س)

البرهان

$\angle A + \angle C = 180^\circ$  (د ه س)  $148^\circ + 32^\circ = 180^\circ$

$\angle A + \angle C = 180^\circ$  (د ه س)  $148^\circ + 32^\circ = 180^\circ$

بالتناظر بالرأس

$\therefore$  م ن ينصف  $\angle C$  م ب

$\angle C = 32^\circ$  ،  $\angle A = 148^\circ$  ،  $\angle D = 108^\circ$  (د ه س)

$\angle C = 32^\circ$  ،  $\angle A = 148^\circ$  ،  $\angle D = 108^\circ$  (د ه س)

بالتناظر بالرأس

$\angle C = 32^\circ$  ،  $\angle A = 148^\circ$  ،  $\angle D = 108^\circ$  (د ه س)

$108^\circ = 32^\circ + 76^\circ$



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## المضلع

**الخط البسيط:**

هو الخط الذي لا يقطع نفسه

**الخط غير البسيط:**

هو الخط الذي يقطع نفسه

**الخط المفتوح:**

هو الخط الذي نقطة بدايته غير نقطة نهايته

**الخط المغلق:**

هو الخط الذي ينتهي عند النقطة التي بدأ منها

**المضلع:**

هو خط مغلق بسيط مكون من اتحاد عدة قطع مستقيمة

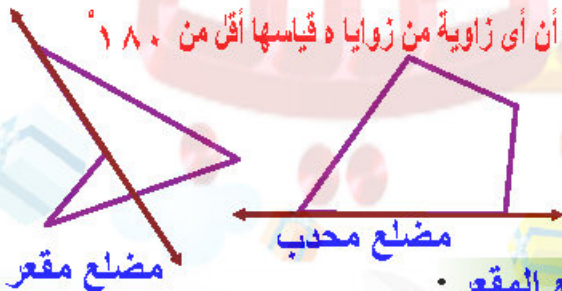
كل قطعة مستقيمة منها تسمى ضلع

يسمى المضلع بعدد أضلاعه

**المضلع المحدب:**

في المضلع المحدب أي مستقيم يتعين برأسين متتالين تكون بقية رؤوس المضلع واقعة في أحد جانبي هذا المستقيم

ويلاحظ أن أي زاوية من زواياها قياسها أقل من  $180^\circ$



**المضلع المقعر:**

في المضلع المقعر توجد مستقيمتان تتعين برأسين

متتالين وتقع بقية رؤوس المضلع على جانبي هذه المستقيمتان

ويلاحظ أنه توجد زاوية واحدة على الأقل من زواياها قياسها أكبر من  $180^\circ$

**قطر المضلع**

القطعة المستقيمة الواصلة بين رأسين غير متتالين في المضلع

$$\text{عدد أقطار مضلع عدد أضلاعه } n = \frac{n(n-3)}{2}$$

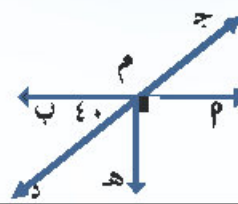
عدد المثلثات التي ينقسم إليها مضلع عدد أضلاعه  $n = n - 2$

مجموع قياسات الزوايا الداخلية لمضلع عدد أضلاعه  $n$

$$= (n-2) \times 180^\circ$$

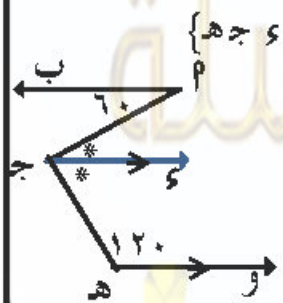
## تمارين (٨)

**[١] في الشكل المقابل**



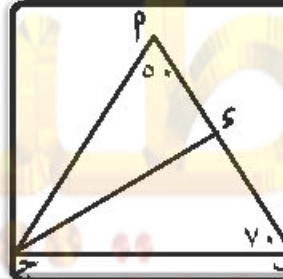
$\overrightarrow{MH} \perp \overrightarrow{AB}$   
 $\angle BMD = 40^\circ$   
 $\angle DMH = 90^\circ$   
 $\angle CMH = 50^\circ$   
**أوجد:**  
 $\angle HMD = \{ \dots \}$   
 $\angle MCH = \{ \dots \}$

**[٢] في الشكل المقابل:**



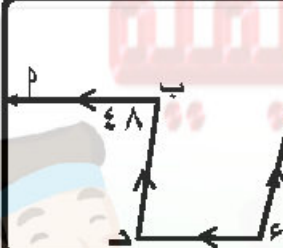
$\angle BDC = 120^\circ$   
 $\angle ABD = 60^\circ$   
 $\angle ACD = 60^\circ$   
**أثبت أن:**  
 $\overrightarrow{AD} \parallel \overrightarrow{BC}$

**[٣] في الشكل المقابل:**



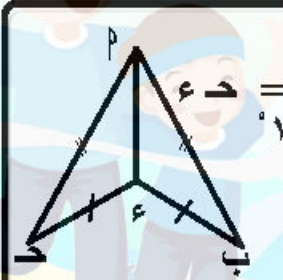
$\angle BDC = 70^\circ$   
 $\angle ABD = 50^\circ$   
 $\angle ACD = 50^\circ$   
**أوجد:**  
 $\angle BAC = \{ \dots \}$   
 $\angle ABC = \{ \dots \}$

**[٤] في الشكل المقابل:**



$\angle AED = 80^\circ$   
 $\angle BEC = 80^\circ$   
 $\angle AEB = 40^\circ$   
**أوجد:**  
 $\angle ADC = \{ \dots \}$

**[٥] في الشكل المقابل:**

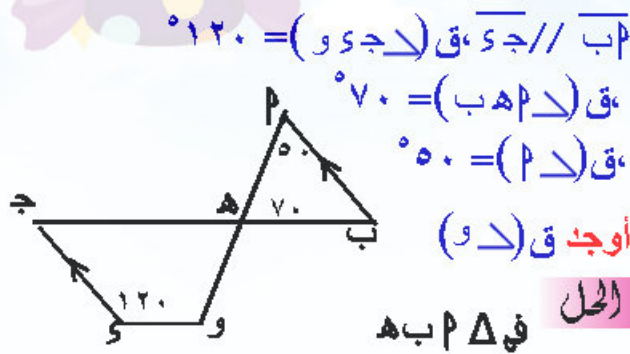


$\angle BDC = 110^\circ$   
 $\angle ABD = 60^\circ$   
 $\angle ACD = 60^\circ$   
**أثبت أن:**  
 $\overrightarrow{AD} \parallel \overrightarrow{BC}$   
**ثم أوجد:**  
 $\angle BAC = \{ \dots \}$



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## (٧) في الشكل المقابل



$$\therefore \text{ق(دب)} = 180^\circ - (70^\circ + 50^\circ) = 60^\circ$$

$$\therefore \text{ق(دب)} = \text{ق(دو هـ ب)} = 70^\circ$$

بالتقابل بالرأس

$$\therefore \overline{PQ} \parallel \overline{AB}, \text{ بـ ج قاطع لهما}$$

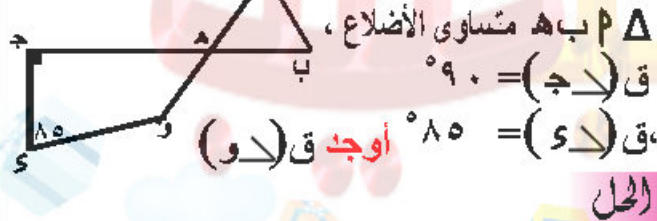
$$\therefore \text{ق(دب)} = \text{ق(دج)} = 60^\circ \text{ بالتبادل}$$

في الشكل الرباعي هـ و د ج

$$\therefore \text{مجموع قياسات الزوايا الداخلة للشكل الرباعي} = 360^\circ$$

$$\therefore \text{ق(دو)} = 360^\circ - (120^\circ + 60^\circ + 70^\circ) = 110^\circ$$

## (٨) في الشكل المقابل



$\triangle PAB$  متساوي الأضلاع

$$\therefore \text{قياس كل زاوية من زواياه الداخلة} = 60^\circ$$

$$\therefore \text{ق(دب هـ ب)} = 60^\circ$$

$$\therefore \text{ق(دب هـ ب)} = \text{ق(دو هـ ج)} = 60^\circ$$

بالتقابل بالرأس

في الشكل الرباعي هـ و د ج

$$\therefore \text{مجموع قياسات الزوايا الداخلة للشكل الرباعي} = 360^\circ$$

$$\therefore \text{ق(دو)} = 360^\circ - (85^\circ + 60^\circ + 90^\circ) = 125^\circ$$

## المضلع المنتظم :

هو المضلع الذي تتساوى فيه أطوال أضلاعه وتتساوى قياسات زواياه  
مثالث متساوي الأضلاع ، مربع ، سداسي منتظم

مجموع قياسات الزوايا الخارجة لمضلع محدب عدد أضلاعه  $n = 360^\circ$

$$\text{قياس كل زاوية من زوايا مضلع منتظم عدد أضلاعه } n = \frac{180 \times (n-2)}{n}$$

$$\text{عدد أضلاع المضلع المنتظم} = \frac{360}{180 - \text{من}}$$

## ملاحظات على المضلع

المضلع الذي ليس له أقطار هو المثلث  
المضلع الرباعي المنتظم هو المربع  
المضلع الثلاثي المنتظم هو المثلث متساوي الأضلاع

## تدريبات

(١) احسب مجموع قياسات الزوايا الداخلة للشكل السداسي

الحل مجموع قياسات الزوايا الداخلة للمضلع

$$= 180 \times (2 - n)$$

$$= 720^\circ = 180 \times (2 - 6)$$

(٢) احسب مجموع قياسات الزوايا الداخلة للشكل الرباعي

الحل مجموع قياسات الزوايا الداخلة للمضلع

$$= 180 \times (2 - n)$$

$$= 360^\circ = 180 \times (2 - 4)$$

(٣) احسب قياس الزاوية الداخلة للشكل الخماسي المنتظم

الحل  $= \frac{180 \times (2 - n)}{n}$

$$= 108^\circ = \frac{180 \times (2 - 5)}{5}$$

(٤) احسب عدد أقطار الشكل السداسي

$$= \frac{n(n-3)}{2} = \frac{(6-3) \times 6}{2} = 9$$

(٥) احسب عدد أضلاع مضلع منتظم قياس إحدى زواياه  $108^\circ$

الحل  $= \frac{360}{180 - \text{من}} = \frac{360}{180 - 108} = 5$

(٦) احسب محيط مضلع ثماني منتظم طول ضلعه ٣ سم

الحل المحيط  $= 8 \times 3 = 24$  سم



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## متوازي الاضلاع

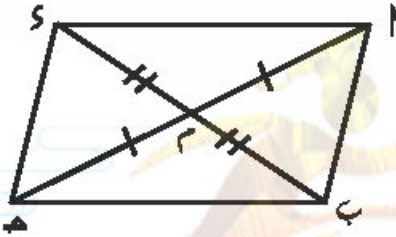
تمارين (٩)

١ أكمل ما يأتي :

- (١) يكون المضلع منتظماً إذا كان ..... .
- (٢) عدد المثلثات التي ينقسم إليها أى مضلع يساوى ..... .
- (٣) مجموع قياسات زوايا المضلع الخماسى المنتظم = ..... .
- (٤) قياس كل زاوية من زوايا المضلع السداسى المنتظم = ..... .
- (٥) محيط مضلع منتظم طول ضلعه ٥ سم = ..... .
- (٦) طول ضلع مضلع رباعى منتظم محيطه ٦ سم = ..... .
- (٧) المضلع الذى ليس له أقطار هو ..... .
- (٨) عدد أقطار المضلع الرباعى = ..... .
- (٩) عدد أضلاع مضلع منتظم قياس إحدى زواياه  $120^\circ$  = ..... .

متوازي الاضلاع هو شكل رباعى فيه

- (١) كل ضلعين متقابلين متوازيين
- (٢) كل ضلعين متقابلين متساويين
- (٣) كل زاويتين متقابلتين متساويتين
- (٤) كل زاويتين متتاليتين متكاملتين (  $180^\circ$  )
- (٥) القطران ينصف كلا منهما الآخر



### حالاته الخاصة

#### (١) المستطيل

هو متوازي أضلاع إحدى زواياه قائمة

خواص المستطيل :

- ☐ به جميع خواص متوازي الأضلاع
- (١) جميع زواياه قائمة (  $90^\circ$  )
- (٢) القطران متساويان

#### (٢) المعين

هو متوازي أضلاع فيه ضلعان متجاوران متساويان

خواص المعين

- ☐ به جميع خواص متوازي الأضلاع
- (١) جميع أضلاعه متساوية
- (٢) القطران متعامدان ، ينصفان زواياه

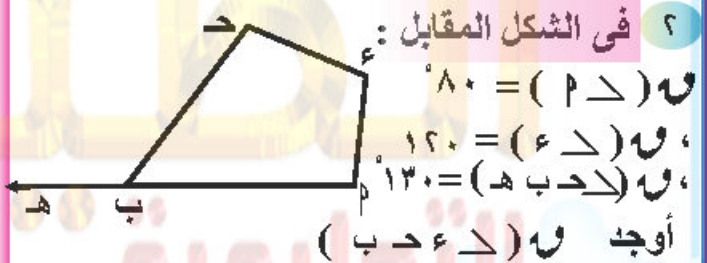
#### (٣) المربع

هو مستطيل فيه ضلعان متجاوران متساويان فى الطول  
أ. هو معين إحدى زواياه قائمة

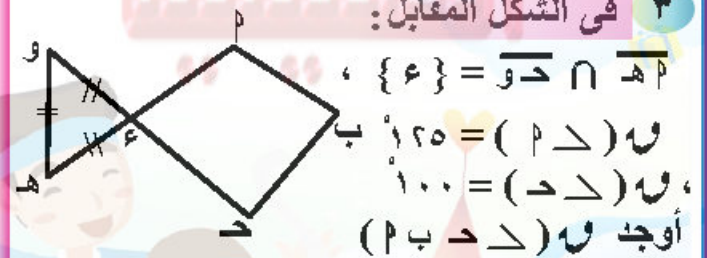
خواص المربع

- ☐ به جميع خواص متوازي الأضلاع والمستطيل والمعين
- (١) الزاوية المحصورة بين الضلع والقطر فى المربع  $45^\circ$

٢ فى الشكل المقابل :



٣ فى الشكل المقابل :



٤ مضلع محدب منتظم إحدى زواياه الداخلية  $108^\circ$   
أوجد ما يأتى :

- (١) عدد أضلاع المضلع
- (٢) عدد أقطاره
- (٣) محيط المضلع إذا كان أحد أضلاعه = ٥ سم



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

شبه المنحرف

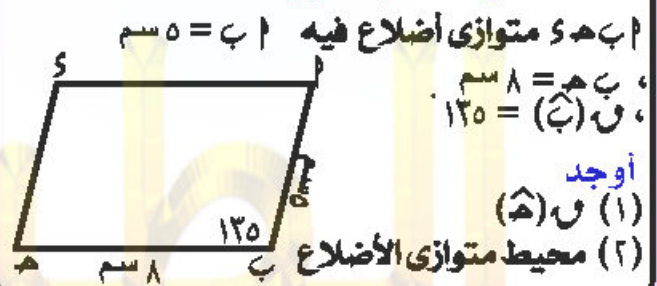
هو شكل رباعي فيه ضلعان متقابلان متوازيان و غير متساويان

متى يكون الشكل الرباعي متوازي أضلاع

يكون الشكل الرباعي متوازي أضلاع إذا كان :

- (١) كل ضلعين متقابلين متوازيين
- (٢) كل ضلعين متقابلين متساويين
- (٣) كل زاويتين متقابلتين متساويتين
- (٤) كل زاويتين متتاليتين متكاملتين ( ١٨٠ )
- (٥) القطران ينصف كلا منهما الآخر
- (٦) ضلعين فيه متقابلين متساويين ومتوازيين

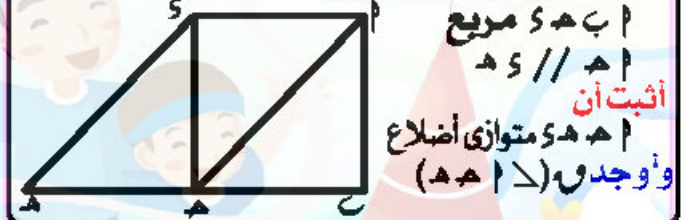
١ : في الشكل المقابل :



البرهان

$\therefore \text{ABCD متوازي أضلاع}$   
 $\angle \hat{A} + \angle \hat{B} = 180^\circ$   
 $\therefore \angle \hat{A} = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$   
 $\therefore \text{AB} = \text{DC} = 5 \text{ سم} \quad \text{BC} = \text{AD} = 8 \text{ سم}$   
 $\therefore \text{محيط متوازي الأضلاع} = 5 + 8 + 5 + 8 = 26 \text{ سم}$

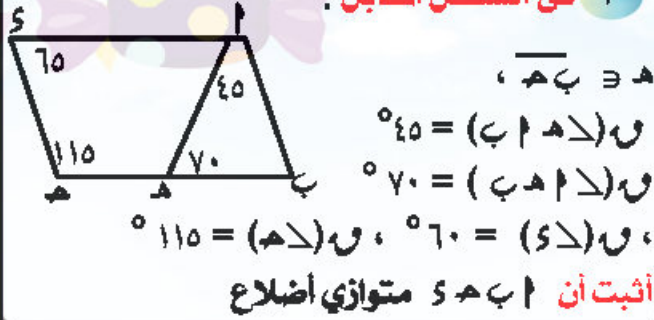
٢ : في الشكل المقابل :



البرهان

$\therefore \text{ABCD مربع}$   
 $\therefore \text{AB} \parallel \text{DC} \quad \text{AD} \parallel \text{BC}$   
 $\therefore \text{ABCD متوازي أضلاع}$   
 $\therefore \text{ABCD مربع}$   
 $\therefore \angle \hat{A} = 90^\circ + 30^\circ = 120^\circ$

٣ : في الشكل المقابل :



البرهان

$\therefore \text{ABCD متوازي أضلاع}$   
 $\angle \hat{A} + \angle \hat{B} = 180^\circ$   
 $\therefore \angle \hat{A} = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$   
 $\therefore \text{AB} = \text{DC} = 5 \text{ سم} \quad \text{BC} = \text{AD} = 8 \text{ سم}$   
 $\therefore \text{محيط متوازي الأضلاع} = 5 + 8 + 5 + 8 = 26 \text{ سم}$

٤ : أكمل ما يأتي :

- (١) متوازي أضلاع قطراه متساويان يكون..... مستطيل
- (٢) متوازي أضلاع إحدى زواياه قائمة يكون..... مستطيل
- (٣) متوازي أضلاع قطراه متعامدان يكون..... معين
- (٤) متوازي أضلاع فيه ضلعان متجاوران متساويان يكون..... معين
- (٥) متوازي أضلاع قطراه متساويان ومتعامدان يكون..... مربع
- (٦) متوازي أضلاع فيه ضلعان متجاوران متساويان و إحدى زواياه قائمة يكون..... مربع
- (٧) مستطيل قطراه متعامدان يكون..... مربع
- (٨) معين إحدى زواياه قائمة يكون..... مربع
- (٩) قطرا المربع ينصف كل منهما الآخر متعامدان متساويان
- (١٠) قطرا المعين ينصف كل منهما الآخر متعامدان ينصفان زواياه
- (١١) شبه المنحرف هو شكل رباعي فيه ضلعان متقابلان متوازيان و غير متساويان
- (١٢) الشكل الرباعي الذي قطراه ينصف كلا منهما الآخر يسمى متوازي أضلاع
- (١٣) في متوازي الأضلاع ABCD إذا كان  $\angle \hat{A} = 110^\circ$  فإن  $\angle \hat{B} = 70^\circ$
- (١٤) قياس الزاوية المحصورة بين ضلع المربع وقطره  $45^\circ$
- (١٥) المربع هو..... مستطيل إحدى زواياه قائمة







# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## المثلث

### نظرية ١

مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلية =  $180^\circ$

### نتيجة ١

قياس الزاوية الخارجة عند رأس من رؤوس مثلث تساوي مجموع قياسي الزاويتين الداخلتين عدا المجاورة لها

### نتيجة ٢

إذا ساوت زاويتين في مثلث زاويتين في مثلث آخر فإن الزاوية الثالثة في المثلث الأول تساوي الزاوية الثالثة في المثلث الآخر

### نتيجة ٣

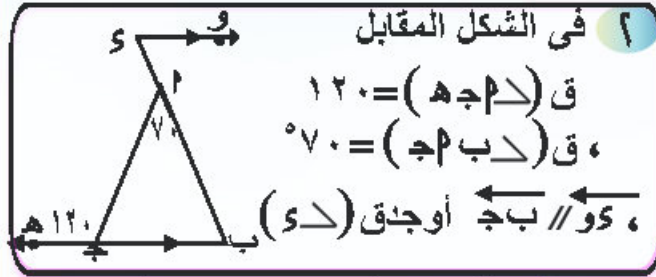
- (١) إذا ساوت زاوية في مثلث مجموع الزاويتين الاخرتين وكانت هذه الزاوية قائمة
- (٢) إذا كان قياس زاوية في مثلث أكبر من مجموع الزاويتين الاخرتين وكانت هذه الزاوية منفرجة
- (٣) إذا كان قياس زاوية في مثلث أصغر من مجموع الزاويتين الاخرتين وكانت هذه الزاوية حادة

ملاحظة في أي مثلث توجد زاويتان حادتان على الأقل

قياس الزاوية الخارجة عن المثلث أكبر من قياس أي زاوية داخلة عدا المجاورة لها

### تدريبات

- (١) إذا كان قياس  $\angle A = 60^\circ$  و  $\angle B = 80^\circ$  فما قياس  $\angle C$  ؟  
 $\angle C = 180^\circ - 60^\circ - 80^\circ = 40^\circ$



البرهان:  $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$   
 $120^\circ + 70^\circ + \angle C = 180^\circ$   
 $\angle C = 180^\circ - 190^\circ = -10^\circ$  (This is incorrect in the original image, it should be 30 degrees)

$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$   
 $120^\circ + 70^\circ + \angle C = 180^\circ$   
 $\angle C = 180^\circ - 190^\circ = -10^\circ$  (This is incorrect in the original image, it should be 30 degrees)

### نظرية ٢

الشعاع المرسوم من منتصف ضلع في مثلث موازيا لأحد الضلعين الآخرين فإنه ينصف الضلع الثالث



إذا كان  $S$  منتصف  $AB$ ، و  $DS \parallel AB$   
 فإن  $D$  منتصف  $AC$

### نتيجة ١

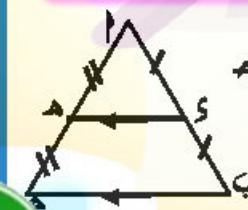
القطعة المستقيمة المرسومة من منتصف ضلعين في مثلث توازي الضلع الثالث



إذا كان  $S$  منتصف  $AB$ ، و  $DS \parallel AB$   
 فإن  $D$  منتصف  $AC$

### نتيجة ٢

طول القطعة المستقيمة المرسومة من منتصف ضلعين في مثلث تساوي نصف طول الضلع الثالث

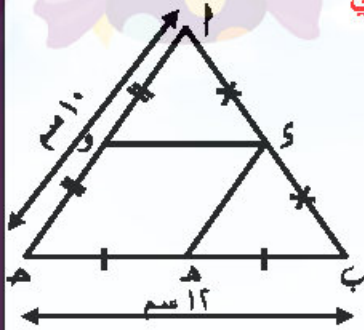


إذا كان  $S$  منتصف  $AB$ ، و  $DS \parallel AB$   
 فإن  $DS = \frac{1}{2} AC$



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

٤ في الشكل التالي



أ ب ج فيه د ، ه ، و  
منتصفات الأضلاع  
أ ب ، ب ج ، ج أ  
على الترتيب  
ب د = د أ = ١٢ سم  
أ ه = ه ج = ١٠ سم

أثبت أن

الشكل د ه و متوازي أضلاع وأوجد مساحته

البرهان

د ، ه ، و منتصفى أ ب ، ب ج ، ج أ

١ ∴ د و // ب ج ∴ د و // ه ه ∴ د و // ه ه

د و = ١/٢ ب ج = ٦ سم

د ، ه ، و منتصفى أ ب ، ب ج ، ج أ

٢ ∴ د ه // ب ج ∴ د ه // و و ∴ د ه // و و

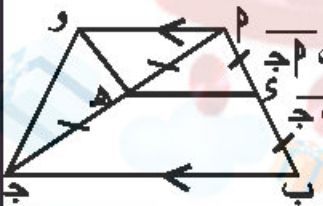
د ه = ١/٢ ب ج = ٥ سم

من ١ ، ٢ ∴ الشكل د ه و متوازي أضلاع

∴ د ه = و ه = ٥ سم ، د و = ه ه = ٦ سم

∴ المحيط = ٥ + ٦ + ٥ + ٦ = ٢٢ سم

٥ في الشكل المقابل



د ، ه ، و منتصفات أ ب ، ب ج ، ج أ  
أ ب = ١/٢ ب ج ، د و // ب ج

أثبت أن

الشكل د ه و متوازي أضلاع

البرهان

د ، ه ، و منتصفى أ ب ، ب ج ، ج أ

∴ د و // ب ج ، د ه = ١/٢ ب ج

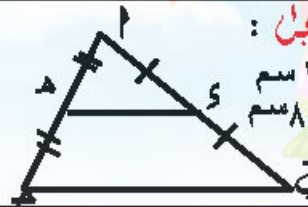
١ ∴ د و // ب ج ∴ د و // ه ه ∴ د و // ه ه

٢ ∴ د ه = ١/٢ ب ج ∴ د ه = و ه ∴ د ه = و ه

من ١ ، ٢

∴ الشكل د ه و متوازي أضلاع

١ في الشكل المقابل :



أ ب ج فيه د ، ه ، و  
ب د = د أ = ١٢ سم  
أ ه = ه ج = ١٠ سم  
أوجد محيط د ه و

البرهان

د ، ه ، و منتصفى أ ب ، ب ج ، ج أ

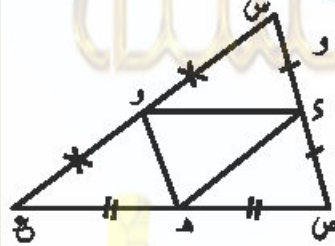
∴ د و = ١/٢ ب ج = ٦ سم

∴ د ه = ١/٢ ب ج = ٦ سم

∴ د ه = ١/٢ ب ج = ٦ سم

∴ محيط د ه و = ٥ + ٦ + ٤ = ١٥ سم

٢ في الشكل المقابل :



أ ب ج فيه د ، ه ، و  
منتصفات الأضلاع  
أ ب ، ب ج ، ج أ  
ب د = د أ = ٦ سم  
أ ه = ه ج = ٨ سم  
أوجد محيط د ه و

البرهان

د ، ه ، و منتصفى أ ب ، ب ج ، ج أ

∴ د و = ١/٢ ب ج = ٤ سم

∴ د ه = ١/٢ ب ج = ٤ سم

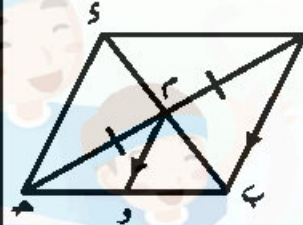
∴ د و = ١/٢ ب ج = ٤ سم

∴ د ه = ١/٢ ب ج = ٤ سم

∴ د و = ١/٢ ب ج = ٤ سم

∴ محيط د ه و = ٤ + ٦ + ٣ = ١٣ سم

٣ في الشكل المقابل :



أ ب ج د متوازي أضلاع  
تقاطع قطراه في ه  
أ ب // ج د  
أثبت أن ه ه = و و

البرهان

أ ب ج د متوازي أضلاع

∴ القطران ينصف كلا منهما الآخر

∴ ه ه منتصف أ ب ، ج د

∴ ه ه // أ ب ، ج د

∴ ه ه منتصف ب ج ، د أ

∴ ه ه = و و



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## تمارين (١١)

**٥ في الشكل المقابل:**  
 س منتصف  $\overline{AB}$   
 $\overline{SC} \parallel \overline{AB}$   
 $\overline{SC} = \frac{1}{2} \overline{AB}$   
 أوجد طول  $\overline{SC}$

**١ في الشكل المقابل**  
 $\triangle ABC$  فيه  $\angle A = 60^\circ$  ،  $\angle B = 70^\circ$   
 $\overline{SC} \parallel \overline{AB}$   
 أوجد قياسات زوايا  $\triangle ABC$

**٦ في الشكل المقابل:**  
 $\triangle ABC$  فيه  $\angle A = 60^\circ$  ،  $\angle B = 70^\circ$   
 $\overline{SC} \parallel \overline{AB}$   
 أوجد محيط  $\triangle ABC$

**٢ في الشكل المقابل:**  
 $\triangle ABC$  فيه  $\angle A = 60^\circ$  ،  $\angle B = 70^\circ$   
 أوجد:  $\angle C$

**٧ في الشكل المقابل:**  
 $\triangle ABC$  فيه  $\angle A = 60^\circ$  ،  $\angle B = 70^\circ$   
 أثبت أن:  $\overline{SC} \parallel \overline{AB}$

**٣ في الشكل المقابل**  
 $\triangle ABC$  فيه  $\angle A = 60^\circ$  ،  $\angle B = 70^\circ$   
 أوجد قياس كل من  $\angle C$  ،  $\angle A$  ،  $\angle B$

**٨ في الشكل المقابل**  
 $\triangle ABC$  فيه  $\angle A = 60^\circ$  ،  $\angle B = 70^\circ$   
 أثبت أن:  $\overline{SC} \parallel \overline{AB}$

**٤ في الشكل المقابل**  
 $\triangle ABC$  فيه  $\angle A = 60^\circ$  ،  $\angle B = 70^\circ$   
 أوجد  $\angle C$  ،  $\angle A$  ،  $\angle B$

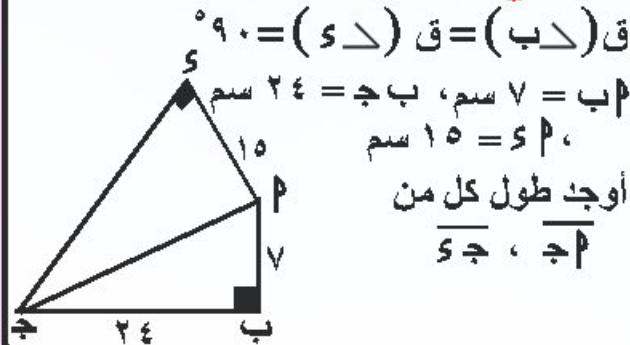
**٩ في الشكل المقابل:**  
 $\triangle ABC$  فيه  $\angle A = 60^\circ$  ،  $\angle B = 70^\circ$   
 أثبت أن:  $\overline{SC} \parallel \overline{AB}$



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## نظرية فيثاغورث

٢ في الشكل المقابل



أوجد طول كل من  $\overline{AB}$  ،  $\overline{BC}$  ،  $\overline{AC}$

البرهان  $\Delta PAB \sim \Delta PBC \sim \Delta ABC$  القائم في ب

$$AB^2 + BC^2 = AC^2$$

$$24^2 + 10^2 = 34^2$$

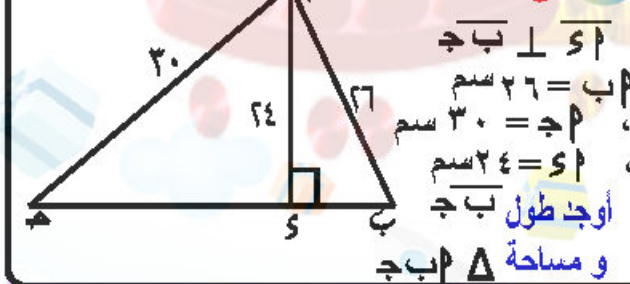
$$576 + 100 = 1156$$

$$AB^2 - BC^2 = AC^2$$

$$576 - 100 = 476$$

$$AB = 24 \text{ سم} \quad BC = 10 \text{ سم}$$

٣ في الشكل المقابل



أوجد طول  $\overline{AB}$  و مساحة  $\Delta PAB$

البرهان  $\Delta PAB \sim \Delta PBC \sim \Delta ABC$  القائم في ب

$$AB^2 + BC^2 = AC^2$$

$$AB^2 - BC^2 = AC^2$$

$$100 - 576 = -476$$

$$100 = 576 - 476$$

$$BC = 30 \text{ سم}$$

$$AB^2 - BC^2 = AC^2$$

$$224 = 576 - 352$$

$$BC = 18 \text{ سم}$$

$$AB = 28 \text{ سم} \quad BC = 18 \text{ سم}$$

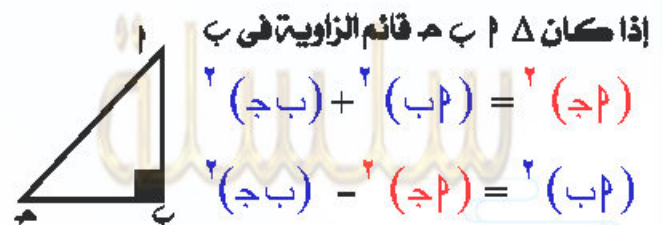
$$\text{مساحة } \Delta PAB = \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$336 = 24 \times (18 + 10) \times \frac{1}{2}$$

في المثلث القائم الزاوية

مساحة المربع المنشأ على الوتر يساوي مجموع مساحتي المربعين المنشأين على ضلعي القائمة

أو مربع الوتر = مجموع مربعي ضلعي القائمة



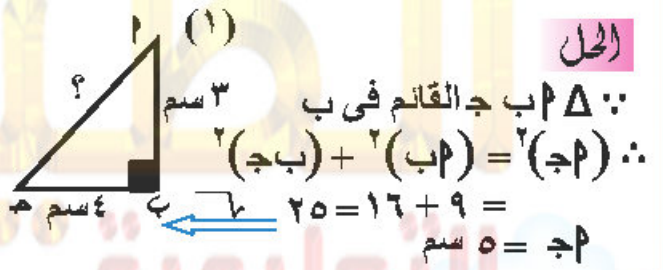
إذا كان  $\Delta PAB \sim \Delta PBC \sim \Delta ABC$  القائم الزاوية في ب

$$AB^2 + BC^2 = AC^2$$

$$AB^2 - BC^2 = AC^2$$

$$AB^2 - BC^2 = AC^2$$

أوجد طول الضلع المجهول في كل مما يأتي



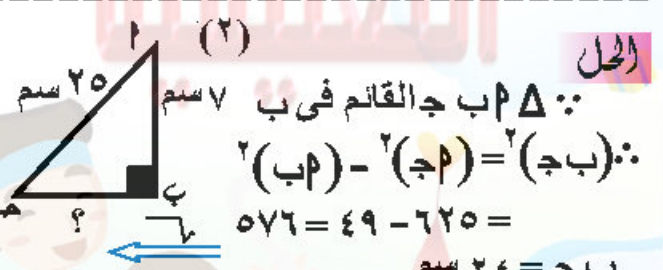
الحل

$\Delta PAB \sim \Delta PBC \sim \Delta ABC$  القائم في ب

$$AB^2 + BC^2 = AC^2$$

$$25 = 16 + 9$$

$$BC = 5 \text{ سم}$$



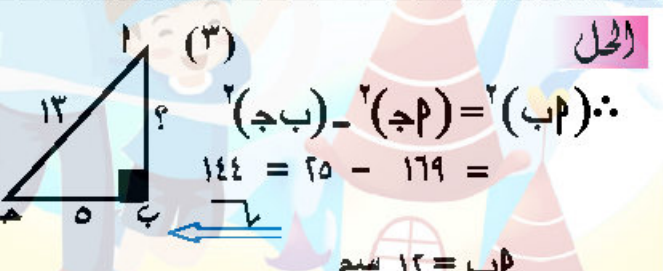
الحل

$\Delta PAB \sim \Delta PBC \sim \Delta ABC$  القائم في ب

$$AB^2 - BC^2 = AC^2$$

$$576 = 49 - 625$$

$$BC = 24 \text{ سم}$$



الحل

$$AB^2 - BC^2 = AC^2$$

$$144 = 25 - 169$$

$$BC = 12 \text{ سم}$$



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## تمارين (١٢)

١.  $\triangle PAB$  قائم الزاوية في  $B$  وكان  $AB = 8$  سم ،  $BP = 17$  سم أوجد طول  $AP$  .

٢.  $\triangle PAB$  قائم الزاوية في  $B$  وكان  $AB = 12$  سم ،  $BP = 20$  سم أوجد طول  $AP$  .

٣. مستطيل مساحته  $60$  سم<sup>٢</sup> وطوله  $12$  سم أوجد طول قطره

٤. في الشكل المقابل :  
 $\angle Q = (\angle P) = 90^\circ$   
 $AB = 12$  سم ،  $BP = 20$  سم  
 $BC = 9$  سم  
 (١) أوجد طول  $AP$  ،  $CP$   
 (٢) محيط الشكل  $PBC$  .

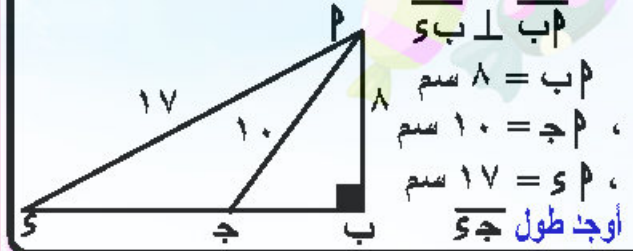
٥. في الشكل المقابل  
 $\angle Q = (\angle P) = 90^\circ$   
 $AB = 3$  سم ،  $BP = 13$  سم  
 $BC = 4$  سم أوجد طول  $AP$  .

٦. في الشكل المقابل :  
 $\angle Q = (\angle P) = 90^\circ$   
 $AB = 2$  سم ،  $BP = 12$  سم  
 $BC = 9$  سم ،  $CP = 20$  سم أوجد طول  $AP$  ،  $CP$  .

٧. في الشكل المقابل :  
 $\angle Q = (\angle P) = 90^\circ$   
 $AB = 12$  سم ،  $BP = 25$  سم  
 $BC = 16$  سم أوجد طول  $AP$  .

٨. في الشكل المقابل :  
 $\angle Q = (\angle P) = 90^\circ$   
 $AB = 11$  سم ،  $BP = 13$  سم  
 $BC = 12$  سم أوجد طول  $AP$  ،  $CP$  .

## ٤. في الشكل المقابل



البرهان  $\triangle PAB$  قائم في  $B$

$$AP^2 - BP^2 = AB^2$$

$$289 - 64 = AB^2$$

$$AB = \sqrt{225} = 15 \text{ سم}$$

$\triangle PAB$  قائم في  $B$

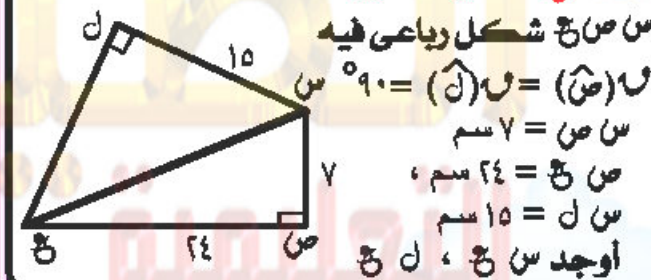
$$AP^2 - AQ^2 = PQ^2$$

$$289 - 100 = AQ^2$$

$$AQ = \sqrt{189} = 13 \text{ سم}$$

$$\therefore BQ = AB - AQ = 15 - 13 = 2 \text{ سم}$$

## ٥. في الشكل المقابل



البرهان  $\triangle PQR$  قائم في  $Q$

$$PR^2 = PQ^2 + QR^2$$

$$625 = 49 + QR^2$$

$$\therefore QR = \sqrt{576} = 24 \text{ سم}$$

$\triangle PQR$  قائم في  $Q$

$$PR^2 - PS^2 = SR^2$$

$$625 - 576 = SR^2$$

$$\therefore SR = \sqrt{49} = 7 \text{ سم}$$



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## التحويلات الهندسية

### الانعكاس

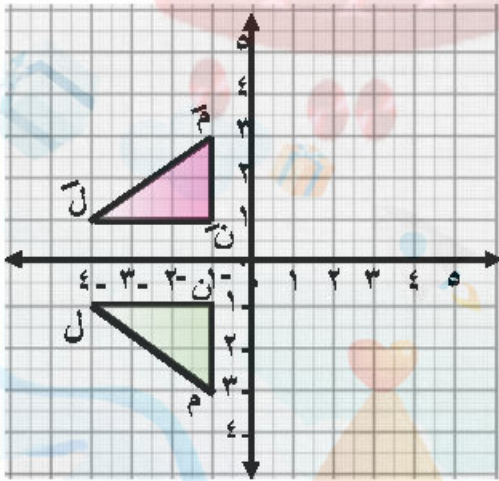
#### مثال ١ اكمل ما يأتي

- صورة النقطة (٥، ٢) بالانعكاس في محور السينات هي (٥، -٢) .....
- صورة النقطة (٥، ٢) بالانعكاس في محور الصادات هي (٥، -٢) .....
- صورة النقطة (٧، -١) بالانعكاس في محور السينات هي (٧، ١) .....
- صورة النقطة (٩، -٤) بالانعكاس في محور الصادات هي (٩، ٤) .....
- النقطة (٣، ٢) هي صورة النقطة (٣، -٢) بالانعكاس في محور السينات .....
- النقطة (٥، -٦) هي صورة النقطة (٥، ٦) بالانعكاس في محور الصادات .....
- صورة النقطة (٥، ٢) بالانعكاس في نقطة الأصل هي (٥، -٢) .....
- النقطة (٣، -٢) هي صورة النقطة (٣، ٢) بالانعكاس في نقطة الأصل .....

- مثال ٢ ارسم  $\Delta$  م ن حيث ل (١، -٤)، م (٣، -١)، ن (١، ١) ثم ارسم صورته بالانعكاس في محور السينات

#### الحل بالانعكاس في محور السينات

- ل (١، -٤)  $\longleftrightarrow$  ل' (١، ٤)  
م (٣، -١)  $\longleftrightarrow$  م' (٣، ١)  
ن (١، ١)  $\longleftrightarrow$  ن' (١، -١)



#### معايير التماثل

- |                    |                                  |
|--------------------|----------------------------------|
| (١) المربع         | (٦) شبه المنحرف المتساوي الساقين |
| (٢) المستطيل       | (٧) المثلث المتساوي الاضلاع      |
| (٣) المعين         | (٨) المثلث المتساوي الساقين      |
| (٤) متوازي الاضلاع | (٩) المثلث المختلف الاضلاع       |
| (٥) شبه المنحرف    | (١٠) الدائرة                     |
| (١١) نصف الدائرة   |                                  |

**الانعكاس** هو تحويل هندسي تحول أى شكل هندسي إلى شكل هندسي مطابق له

#### الانعكاس في مستقيم

إذا كانت  $P \notin l$  فإن  $l$  هو العمود الذي ينصف  $PP'$   
إذا كانت  $P \in l$  فإن  $P \equiv P'$   
أى إذا كانت  $P \in l$  فإن صورة  $P$  هي نفسها  $P'$

- خواص الانعكاس في مستقيم**
- يحافظ على أطوال القطع المستقيمة
  - يحافظ على قياسات الزوايا
  - يحافظ على التوازي
  - يحافظ على البينية
  - لا يحافظ على الترتيب الدوراني لرؤوس الشكل

#### ١ في الشكل التالي اكمل ما يأتي

- صورة  $\Delta PQR$  بالانعكاس في  $l$  هي  $\Delta P'Q'R'$  .....
- صورة  $\Delta PQR$  بالانعكاس في  $l$  هي  $\Delta P'Q'R'$  .....
- صورة  $\Delta PQR$  بالانعكاس في  $l$  هي  $\Delta P'Q'R'$  .....

#### الانعكاس في المستوى الإحداثي:

إذا كانت  $P$  نقطة في المستوى الإحداثي المتعامد فإنه يكون: صورة  $P$  (س، ص)

- بالانعكاس في المحور س  $\longleftrightarrow P'(س، -ص)$
- بالانعكاس في المحور ص  $\longleftrightarrow P'(-س، ص)$
- بالانعكاس في نقطة الأصل  $\longleftrightarrow P'(-س، -ص)$



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

(١٠) صورة النقطة (٥، ٦) بانتقال مسافة ٨ ب  
في اتجاه م ب حيث م (٣، ٤) ، ب (٧، ٢) هي .....

(الحل)

حساب الانتقال من م إلى ب = ب - م  
(٢، -٤) = (٤، ٣) - (٢، ٧) =

صورة النقطة (٥، ٦) بانتقال (٢، -٤) هي (٣، ٢)

مثال ٢ ارسم على الشبكة التربيعية  $\triangle$  م ب ج حيث

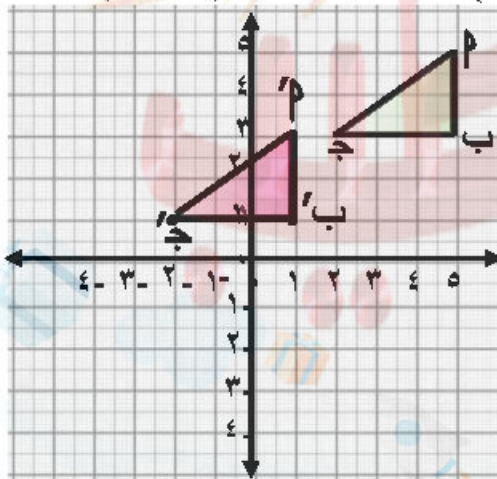
م (٥، ٥) ، ب (٣، ٥) ، ج (٣، ٢) ،

ثم أوجد صورته بالانتقال (٢، -٤)

(الحل)

الانتقال (٢، -٤)

م (٥، ٥) ← م' (٣، ١)  
ب (٣، ٥) ← ب' (١، ١)  
ج (٣، ٢) ← ج' (١، -٢)



## الانتقال

يتم تحديد الانتقال بمعرفة

١ مقدار الانتقال ٢ اتجاه الانتقال

ملاحظة

صورة النقطة (س، ص) بانتقال (هـ، س)  
هي (س+هـ، ص+س)

الأصل	الصورة	الصورة
+	-	-
الانتقال	الانتقال	الصورة
الصورة	الأصل	الانتقال

مثال ١ أكمل ما يأتي

(١) صورة النقطة (٣، ٢) بانتقال (٥، ٤) هي (٨، ٦) .....

(٢) صورة النقطة (٣، ٢) بانتقال (٤، ٠) هي (٧، ٢) .....

(٣) صورة النقطة (٩، ٥) بانتقال (س+٢، ص-٣) هي (٦، ٧) .....

(٤) صورة النقطة (٥، ٣) بانتقال (س، ص-١) هي (٤، ٣) .....

(٥) صورة النقطة (٢، -١) بانتقال ٣ وحدات في الاتجاه الموجب لمحور السينات هي (١، -٥) .....

(٦) صورة النقطة (٤، ٣-) بانتقال ٤ وحدات في الاتجاه السالب لمحور الصادات هي (٠، ٣-) .....

(٧) صورة النقطة (٧، ٢-) بانتقال (س-٣، ص+٤) هي (١١، ٥-) .....

(٨) صورة النقطة (١، ٣-) بانتقال (٣، ٠) هي (٤، ٣-) .....

(٩) إذا كانت النقطة ل (٣، ٥) هي صورة النقطة م بانتقال (٢، -١) فإن م هي (١، ٦) .....



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

مثال ١ أكمل ما يأتي

- (١) صورة النقطة (٢، ٥) بدوران ٩٠°  
حول نقطة الأصل هي (٥، -٢)
- (٢) صورة النقطة (٢، ٥) بدوران ٢٧٠°  
حول نقطة الأصل هي (٥، -٢)
- (٣) صورة النقطة (٢، ٥) بدوران ١٨٠°  
حول نقطة الأصل هي (٥، -٢)
- (٤) صورة النقطة (٢، ٥) بدوران ٣٦٠°  
حول نقطة الأصل هي (٥، ٢)
- (٥) صورة النقطة (٣، -٦) بدوران ٢٧٠°  
حول نقطة الأصل هي (٦، -٣)
- (٦) صورة النقطة (٣، -٦) بدوران ٩٠°  
حول نقطة الأصل هي (٦، ٣)
- (٧) صورة النقطة (٣، -٦) بدوران ١٨٠°  
حول نقطة الأصل هي (٦، ٣)
- (٨) صورة النقطة (٣، -٦) بدوران ٣٦٠°  
حول نقطة الأصل هي (٦، -٣)
- (٩) صورة النقطة (٤، ٢) بدوران ٢٧٠°  
حول نقطة الأصل هي (٢، -٤)
- (١٠) صورة النقطة (٧، -٦) بدوران ٩٠°  
حول نقطة الأصل هي (٦، -٧)
- (١١) صورة النقطة (٣، -١) بدوران ٩٠°  
حول نقطة الأصل هي (١، -٣)
- (١٢) صورة النقطة (٣، -٦) بدوران ٢٧٠°  
حول نقطة الأصل هي (٦، -٣)
- (١٣) صورة النقطة (٣، -٥) بدوران ١٨٠°  
حول نقطة الأصل هي (٣، -٥)

## الدوران

يتم تحديد الدوران بمعرفة

- ١ مركز الدوران ٢ زاوية الدوران ٣ اتجاه الدوران

ملاحظة

- ١ يكون الدوران موجباً  
إذا كان عكس حركة عقارب الساعة
- ٢ يكون الدوران سالباً  
إذا كان مع حركة عقارب الساعة

الدوران في المستوى الإحداثي

صورة النقطة  $P$  بالدوران حول نقطة الأصل بزاوية معينة تكون كالتالي:

- |   |               |
|---|---------------|
| بزاوية قياسها ٩٠°<br>بزاوية قياسها ٢٧٠°<br>بزاوية قياسها ١٨٠°<br>بزاوية قياسها ٢٦٠° | }<br>م (س، ص) |
|---|---------------|

## ملاحظات على الدوران

- (١) الدوران حول نقطة الأصل بزاوية قياسها ٣٦٠°  
يسمى دوران محايد لا يغير النقطة دورة كاملة
- (٢) الدوران حول نقطة الأصل بزاوية قياسها ١٨٠°  
يكافئ دوران بزاوية ١٨٠° نصف دورة
- (٣) الدوران حول نقطة الأصل بزاوية قياسها ٩٠°  
يكافئ دوران بزاوية ٢٧٠° ربع دورة
- (٤) الدوران حول نقطة الأصل بزاوية قياسها ٢٧٠°  
يكافئ دوران بزاوية ٩٠°

خواص الانتقال والدوران

- (١) تحافظ على أطوال الأضلاع والقطع المستقيمة
- (٢) تحافظ على قياسات الزوايا
- (٣) تحافظ على توازي المستقيمات
- (٤) تحافظ على الترتيب الدوري لرؤوس المضلعات
- (٥) تحافظ على الترتيب الدوري لرؤوس المضلعات

اطلب منكرك الآن عبر الواتساب

٣٠

01064647637



# سلسلة الطيب طيب التعليمية

## تمرين (١٣)

- (١) ارسم على الشبكة التريعية  $\Delta$  ب ج حيث  
 $(١, ١) = ب$  ،  $(٤, ٢) = ج$  ،  $(٢, ٥) = هـ$   
 وكذلك ارسم صورته بالانعكاس في المحور س
- (٢) في المستوي الاحداثي المتعامد ارسم  $\Delta$  س ص ج الذي فيه  
 $(١, ٣) = س$  ،  $(٢, ٤) = ص$  ،  $(٢, ٤) = ج$  ، بالانعكاس في محور الصادات  
 ارسم صورة  $\Delta$  س ص ج بالانعكاس في محور الصادات
- (٣) ارسم على الشبكة التريعية المتعامدة  $\Delta$  ب ج هـ الذي فيه  
 $(٢, ٢) = ب$  ،  $(٥, ٢) = ج$  ،  $(٢, ٤) = هـ$   
 ثم ارسم صورة  $\Delta$  ب ج هـ بالانتقال  $(٢, -٣)$
- (٤) على شبكة تريعية متعامدة ارسم  $\Delta$  ب ج هـ  
 حيث  $(٢, ٢) = ب$  ،  $(٥, ٣) = ج$  ،  $(٢, ٥) = هـ$   
 ثم ارسم صورة  $\Delta$  ب ج هـ بالدوران  $(٥, ٠, ٩٠^\circ)$

## (٥) أكمل ما يأتي

- صورة النقطة  $(٣, -٢)$  بالانعكاس في محور السينات هي .....
- صورة النقطة  $(٥, -٢)$  بالانعكاس في محور الصادات هي .....
- صورة النقطة  $(٣, -٢)$  بالانعكاس في نقطة الاصل هي .....
- صورة النقطة  $(٥, -٢)$  بالانعكاس في نقطة الاصل هي .....
- صورة النقطة  $(٣, -٥)$  بالانعكاس في محور السينات هي .....
- النقطة  $(٣, ٧)$  هي صورة النقطة  $(٧, -٣)$  بالانعكاس في محور .....
- النقطة  $(٩, -٢)$  هي صورة النقطة  $(٢, -٩)$  بالانعكاس في .....
- صورة النقطة  $(٥, ٢)$  بالانتقال  $(٤, ٥)$  هي .....
- صورة النقطة  $(٣, -٤)$  بالانتقال  $(١, -٢)$  هي .....
- صورة النقطة  $(٢, -٥)$  بالانتقال  $(٤, ٥)$  هي .....
- صورة النقطة  $(٣, -٤)$  بالانتقال  $(٤, ٥)$  هي .....
- صورة النقطة  $(٣, -٤)$  بالانتقال  $(٤, ٥)$  هي .....
- صورة النقطة  $(٣, -٤)$  بالانتقال  $(٤, ٥)$  هي .....
- صورة النقطة  $(٣, -٤)$  بالانتقال  $(٤, ٥)$  هي .....
- صورة النقطة  $(٣, -٤)$  بالانتقال  $(٤, ٥)$  هي .....
- صورة النقطة  $(٣, -٤)$  بالانتقال  $(٤, ٥)$  هي .....
- صورة النقطة  $(٣, -٤)$  بالانتقال  $(٤, ٥)$  هي .....
- صورة النقطة  $(٣, -٤)$  بالانتقال  $(٤, ٥)$  هي .....
- صورة النقطة  $(٣, -٤)$  بالانتقال  $(٤, ٥)$  هي .....
- صورة النقطة  $(٣, -٤)$  بالانتقال  $(٤, ٥)$  هي .....

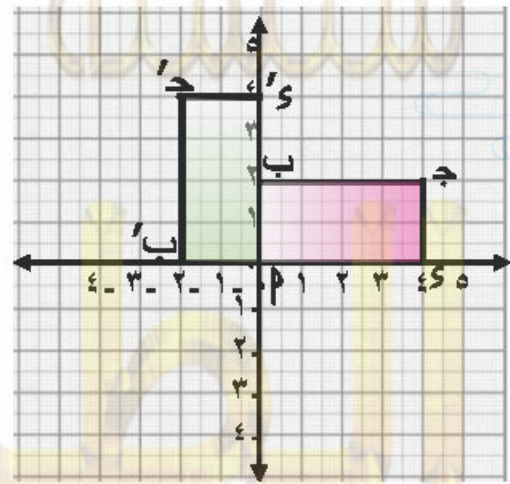
مثال ٢ ارسم المستطيل ب ج د هـ حيث

ب  $(٠, ٠)$  ، ج  $(٢, ٠)$  ، د  $(٢, ٤)$  ، هـ  $(٠, ٤)$   
 ثم ارسم صور للمستطيل بالدوران حول نقطة الاصل  
 بزاوية قياسها  $٩٠^\circ$

(الحل)

دوران  $٩٠^\circ$  (س ، ص)  $\rightarrow$  (ص ، -س)

ب  $(٠, ٠) \rightarrow$  ب'  $(٠, ٠)$   
 ج  $(٢, ٠) \rightarrow$  ج'  $(٠, -٢)$   
 د  $(٢, ٤) \rightarrow$  د'  $(٠, ٢)$   
 هـ  $(٠, ٤) \rightarrow$  هـ'  $(٤, ٠)$



التعليمية

